



НАЗВА КУРСУ

ВИЩА МАТЕМАТИКА. ЧАСТИНА 3.

РЯДИ. ТЕОРІЯ ФУНКЦІЇ КОМПЛЕКСНОЇ ЗМІННОЇ

Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	<i>Перший (бакалаврський)</i>
Галузь знань	<i>G Інженерія, виробництво та будівництво</i>
Спеціальність	<i>G9 Прикладна механіка</i>
Освітня програма	<i>Автоматизовані та роботизовані механічні системи; Динаміка і міцність машин; Конструювання машин; Технології виробництва літальних апаратів; Технології машинобудування</i>
Статус дисципліни	<i>Нормативна</i>
Форма навчання	<i>Очна (денна)</i>
Рік підготовки, семестр	<i>2 курс, осінній семестр</i>
Обсяг дисципліни	<i>150 годин (5 кредитів ЕКТС), з них лекції - 30 годин, практичні заняття - 44 години, самостійна робота - 76 годин</i>
Семестровий контроль/ контрольні заходи	<i>Екзамен/ модульна контрольна робота (МКР), розрахункова робота (РР)</i>
Розклад занять	<i>Згідно з розкладом на сайті університету http://schedule.kpi.ua</i>
Мова викладання	<i>Українська</i>
Інформація про керівника курсу / викладачів	<i>Лектори та викладачі практичних занять кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь https://mph.kpi.ua/osobovij-sklad.html</i>
Розміщення курсу	<i>Визначається лектором відповідної частини курсу (посилання на дистанційний ресурс в Moodle, Google classroom, інформаційні ресурси в бібліотеці університету та на сайті кафедри, тощо) та доводиться до відома студентів на першому занятті</i>

Програма навчальної дисципліни

1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Навчальна дисципліна «Вища математика. Частина 3. Ряди. Теорія функції комплексної змінної» є третьою заключною частиною обов'язкової компоненти «Вища математика», що входить до циклу професійної підготовки бакалаврів відповідної освітньо-професійної програми за спеціальністю G9 «Прикладна механіка».

Метою навчальної дисципліни є формування у студентів здібностей до володіння основними поняттями та методами теорії диференціального та інтегрального числення функції багатьох змінних, кратних, криволінійних та поверхневих інтегралів, елементів теорії поля, теорії числових та функціональних рядів; використовувати теоретичний матеріал для розв'язання типових задач з даних тем; застосовувати отримані знання, уміння та навички для розв'язання прикладних задач математики, механіки, фізики та у своїй повсякденній практичній діяльності; самостійне використання та вивчення математичної літератури та інших інформаційних джерел.

Завдання навчальної дисципліни полягає у формуванні у студентів наступних здатностей: згідно з матрицею відповідності програмних компетентностей компонентам освітньої програми:

– **загальні компетентності:**

ЗК 01. Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу;

– **фахові компетентності:**

ФК 01. Здатність до аналізу матеріалів, конструкцій та процесів на основі законів, теорій та методів математики, природничих наук і прикладної механіки.

Після засвоєння навчальної дисципліни студенти мають продемонструвати такі **результати навчання:**

згідно з матрицею забезпечення програмних результатів навчання відповідними компонентами освітньої програми:

– ПРН 01. Вибирати та застосовувати для розв'язання задач прикладної механіки придатні математичні методи;

– **знання:** основні поняття диференціального числення функцій багатьох змінних; основні властивості кратних, криволінійних і поверхневих інтегралів та їх застосування; основні поняття теорії поля; основні поняття та методи теорії числових та функціональних рядів, застосування їх до наближених обчислень;

– **уміння:** знаходити похідні та диференціали функції багатьох змінних та використовувати їх для розв'язування практичних завдань; обчислювати подвійні, потрійні, криволінійні і поверхневі інтеграли та застосовувати їх до задач геометрії та механіки; виконувати операції знаходження основних характеристик поля та використовувати їх при розгляді прикладних задач; досліджувати на збіжність числові ряди, знаходити область збіжності функціонального ряду, використовувати степеневі ряди для наближених обчислень;

– **досвід:** навчитися працювати самостійно з навчальними посібниками, довідниками та іншою навчальною літературою; вміти застосовувати набуті знання з математики до розв'язування різноманітних задач.

2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)

Навчальна дисципліна «Вища математика. Частина 3. Ряди. Теорія функції комплексної змінної» викладається в третьому семестрі на базі попередніх двох частин «Вища математика. Частина 1. Диференціальне та інтегральне числення функції однієї змінної» та «Вища математика. Частина 2. Диференціальне та інтегральне числення функції багатьох змінних. Диференціальні рівняння», які вивчалися в попередніх двох семестрах. Дана дисципліна забезпечує такі дисципліни, як «Теоретична механіка», «Теоретичні основи теплотехніки», «Механіка рідини і газу» та інші згідно структурно-логічної схеми відповідної освітньої програми.

3. Зміст навчальної дисципліни

Розділ 1. Диференціальне числення функцій багатьох змінних.

Тема 1.1. Функція багатьох змінних та її властивості.

Тема 1.2. Частинні похідні та диференціали функції багатьох змінних.

Тема 1.3. Застосування частинних похідних функції багатьох змінних.

Розділ 2. Кратні інтеграли.

Тема 2.1. Подвійний інтеграл. Заміна змінних у подвійному інтегралі.

Тема 2.2. Застосування подвійного інтеграла до задач геометрії та механіки.

Тема 2.3. Потрійний інтеграл. Заміна змінних у потрійному інтегралі.

Тема 2.4. Застосування потрійного інтеграла до задач геометрії та механіки.

Розділ 3. Криволінійні та поверхневі інтеграли першого роду.

Тема 3.1. Криволінійні інтеграли першого роду (по довжині дуги).

Тема 3.2. Поверхневі інтеграли першого роду.

Розділ 4. Елементи теорії поля.

Тема 4.1. Скалярне та векторне поля. Диференціальні характеристики полів.

Тема 4.2. Криволінійний інтеграл другого роду (по координатах).

Тема 4.3. Поверхневий інтеграл другого роду.

Розділ 5. Числові ряди.

Тема 5.1. Знакододатні числові ряди.

Тема 5.2. Знакозмінні ряди.

Розділ 6. Функціональні ряди.

Тема 6.1. Функціональні ряду. Рівномірна збіжність функціонального ряду.

Тема 6.2. Степеневі ряди. Ряди Тейлора і Маклорена.

Тема 6.3. Застосування степеневих рядів.

Розділ 7. Ряди Фур'є.

Тема 7.1. Ряд Фур'є для 2π -періодичної функції.

Тема 7.2. Ряд Фур'є для $2l$ -періодичної функції.

Тема 7.3. Ряди Фур'є для функцій, заданих на відрізку $[0, l]$ або на відрізку $[a, b]$.

4. Навчальні матеріали та ресурси

Рекомендована література

Базова

1. Герасимчук В. С. Вища математика. Повний курс у прикладах і задачах. Частина 3. Кратні, криволінійні та поверхневі інтеграли. Елементи теорії поля. Ряди. Прикладні задачі : навчальний посібник для студентів вищих технічних закладів / В. С. Герасимчук, Г. С. Васильченко, В. І. Кравцов – К.: Книги України, 2014. – Ч. 3. – 399 с. – ISBN 978-966-2331-04-2.
2. Дубовик В. П. Вища математика : навч. посіб. для студ. вищ. навч. закладів / В. П. Дубовик, І. І. Юрик. – 4-те вид. – К. : Ігнатекс–Україна, 2013. – 648 с. – 500 пр. – ISBN 978-966-97049-3-1. – Режим доступу: <http://dspace.nuft.edu.ua/jspui/bitstream/123456789/10062/1/56.pdf>
3. Журавська Г. В. Елементи теорії рядів та їх застосування. Навчальний посібник для інженерних спеціальностей [Електронний ресурс] / Г. В. Журавська, Т. О. Карпалюк, І. М. Копась, Н. В. Рева; КПІ ім. Ігоря Сікорського. – Електронні текстові дані (1 файл: 2,54 Мб). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2024. – 162 с. – Режим доступу: <https://ela.kpi.ua/handle/123456789/67675>
4. Журавська Г. В. Вища математика. Частина 3. Збірник задач [Електронний ресурс]: навч. посіб. для здобувачів ступеня бакалавра за спеціальністю G9 (131) Прикладна механіка / Г. В. Журавська, Т. О. Карпалюк, І. М. Копась, Н. В. Рева ; КПІ ім. Ігоря Сікорського. Електрон. текст. дані (1 файл: 2,92 Мб). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2025. – 106 с. – Режим доступу: <https://ela.kpi.ua/handle/123456789/75395>
5. Методичні вказівки та варіанти типово-розрахункових робіт. Кратні інтеграли/ Уклад.: Г. В. Журавська, І. М. Копась, Г. М. Кулик, Н. В. Рева, Н. В. Степаненко – К.: НТУУ «КПІ», 2015. – 88 с. (електронне навчальне видання) – Режим доступу: <http://ela.kpi.ua/handle/123456789/27852>
6. Методичні вказівки та варіанти типово-розрахункових робіт з вищої математики. Поверхневі інтеграли. Теорія поля / Уклад.: Г. В. Журавська, І. М. Копась, Г. М. Кулик, Н. В. Рева, Н. В. Степаненко. – К.: НТУУ «КПІ», 2015. – 67 с. – Режим доступу: <http://ela.kpi.ua/handle/123456789/27853>

Додаткова

1. Дудкін, М. Є. Вища математика : підручник для здобувачів ступеня бакалавра за інженерними спеціальностями / М. Є. Дудкін, О. Ю. Дюженкова, І. В. Степахно ; КПІ ім. Ігоря Сікорського. – Електронні текстові дані (1 файл: 10,96 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022. – 449 с. – Режим доступу: <https://ela.kpi.ua/handle/123456789/51064>
2. Зайцев Є. П. Вища математика: інтегральне числення функцій однієї та багатьох змінних, звичайні диференціальні рівняння, ряди: навч. посіб. / Є. П. Зайцев. – К.: Алерта, 2018. – 608 с.

Інформаційний ресурс

1. Дистанційний курс «Вища математика 3. Ряди. Теорія функції комплексної змінної» для бакалаврів 2-го курсу спеціальності G9 Прикладна механіка / Г. В. Журавська, Т. О. Карпалюк, І. М. Копась. – 27,7 Мб (25,7 ум.др.арк.). – Київ : НТУУ «КПІ ім. Ігоря Сікорського», ПО, 2022. (інформаційний ресурс (елемент) системи дистанційного навчання на базі платформи ДН «Сікорський») – Адреса розміщення: <https://do.ipk.kpi.ua/course/view.php?id=1656>

Навчальний контент

5. Методика опанування навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Методика вивчення даної дисципліни є традиційною: на лекціях подається теоретичний матеріал та наводяться приклади розв'язування основних тематичних задач. На практичних заняттях студенти опрацьовують теоретичний та практичний матеріал, розв'язуючи задачі, подібні до розглянутих на лекціях. Для самостійної роботи та кращого засвоєння матеріалу студентам задаються домашні завдання та індивідуальні завдання розрахункової роботи. Перевірка рівня знань та засвоєння матеріалу проводиться за допомогою різноманітних контрольних заходів: тематичні контрольні роботи, експрес-контрольні, тестування, математичні диктанти, виконання та захист розрахункової роботи. Оцінювання таких робіт проводиться у відповідності до положення про рейтингову систему оцінювання успішності студентів з даної дисципліни.

Лекційні заняття

№ з/п	Назва теми лекції та перелік основних питань
1	Функція багатьох змінних та її властивості. Частинні похідні та диференційованість функції багатьох змінних. Диференціал функції багатьох змінних.
2	Застосування частинних похідних. Дотична площина та нормаль до поверхні. Локальні екстремуми функції двох змінних. Найбільше і найменше значення функції двох змінних.
3	Подвійний інтеграл та його властивості. Обчислення подвійного інтеграла в декартових координатах.
4	Заміна змінних у подвійному інтегралі. Подвійний інтеграл у полярних координатах. Застосування подвійного інтеграла до задач геометрії та механіки.
5	Потрійний інтеграл та його властивості. Обчислення потрійного інтеграла в декартових координатах.
6	Заміна змінних у потрійному інтегралі. Циліндрична та сферична система координат. Обчислення потрійного інтеграла в циліндричній та сферичній системах координат. Застосування потрійного інтеграла до задач геометрії та механіки.

7	Криволінійний інтеграл першого роду (по довжині дуги). Обчислення та застосування криволінійних інтегралів першого роду. Поверхневий інтеграл першого роду. Обчислення та застосування поверхневих інтегралів першого роду.
8	Основні поняття теорії поля. Скалярне поле. Похідна за напрямком. Градієнт скалярного поля та його властивості. Векторне поле. Поняття дивергенції та ротора векторного поля.
9	Криволінійний інтеграл другого роду (по координатах). Обчислення та застосування криволінійних інтегралів другого роду. Циркуляція векторного поля. Формула Гріна. Умови незалежності криволінійного інтеграла від форми шляху інтегрування.
10	Поверхневі інтеграли другого роду. Обчислення та застосування поверхневих інтегралів другого роду. Потік векторного поля. Формула Стокса. Формула Остроградського – Гауса.
11	Числові ряди. Збіжність числового ряду. Необхідна ознака збіжності числового ряду. Знакододатні числові ряди. Достатні ознаки збіжності.
12	Знакозмінні ряди. Ознака Лейбніца. Абсолютна і умовна збіжності. Степеневий ряд та його збіжність. Властивості степеневих рядів.
13	Ряди Тейлора і Маклорена. Розвинення елементарних функцій в ряд Маклорена. Застосування степеневих рядів.
14	Тригонометричний ряд Фур'є. Ряд Фур'є для парних та непарних функцій.
15	Ряд Фур'є для $2l$ – періодичної функції. Ряди Фур'є для функцій, заданих на відрізку $[0;l]$ або на відрізку $[a;b]$.

Практичні заняття

№ з/п	Назва теми заняття та перелік основних питань
1	Функція багатьох змінних та її властивості. Частинні похідні та повні диференціали 1-го та 2-го порядків.
2	Застосування частинних похідних. Дотична площина та нормаль до поверхні. Локальні екстремуми функції двох змінних. Найбільше і найменше значення функції двох змінних.
3	Подвійний інтеграл. Обчислення подвійного інтеграла у декартових координатах. Застосування до задач геометрії та механіки.
4	Заміна змінних у подвійному інтегралі. Подвійний інтеграл у полярних координатах. Застосування до задач геометрії та механіки.
5	Потрійний інтеграл. Обчислення потрійного інтеграла у декартових координатах.
6	Заміна змінних у потрійному інтегралі. Обчислення потрійного інтеграла у циліндричних та сферичних координатах.
7	Застосування до задач геометрії та механіки.
8	Криволінійний та поверхневий інтеграл першого роду. Властивості та обчислення.

9	Скалярне поле. Похідна за напрямком. Градієнт скалярного поля.
10	Векторне поле. Поняття дивергенції, ротора.
11	Криволінійний інтеграл другого роду. Формула Гріна. Інтегрування повних диференціалів.
12	Поверхневі інтеграли другого роду. Потік векторного поля.
13	Формула Остроградського – Гауса. Формула Стокса. Циркуляція векторного поля.
14-15	Контрольна робота – 1. (45 хв.) Числові ряди. Необхідна умова збіжності ряду. Знакододатні числові ряди. Ознаки порівняння.
16	Ознака Даламбера, радикальна ознака Коші, інтегральна ознака Коші.
17	Знакозмінні ряди. Ознака Лейбніца збіжності знакопозитивних рядів. Абсолютна і умовна збіжності.
18	Степеневий ряд. Інтервал та радіус збіжності степеневих рядів.
19	Ряди Тейлора і Маклорена. Розвинення елементарних функцій в ряд Маклорена.
20	Застосування степеневих рядів.
21-22	Тригонометричний ряд Фур'є. Розвинення в ряд Фур'є періодичних функцій. Контрольна робота – 2. (45 хв.)

6. Самостійна робота студента

На самостійну роботу студента (СРС) відводиться 76 година навчального часу.

До СРС відносяться: опрацювання лекцій, підготовка до аудиторних занять, виконання домашніх завдань, тестів - (27 год.), підготовка до контрольних робіт (4 год.), виконання завдань розрахункової роботи (15 год.), підготовка до іспиту (30 год.).

Політика та контроль

7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Заняття проводяться в навчальних аудиторіях згідно розкладу. Також заняття можуть проводитись онлайн з використанням засобів відео зв'язку за умови однозначної ідентифікації здобувача вищої освіти. Проведення занять онлайн повинно бути передбачене відповідним наказом по КПІ ім. Ігоря Сікорського.

Система вимог, які викладач ставить перед студентом та РСО результатів навчання оголошують студентам на першому занятті.

Відвідування занять

Відсутність на лекціях та на практичних заняттях не карається штрафними балами, проте студентам рекомендується відвідувати заняття, оскільки на них викладається теоретичний матеріал та розвиваються уміння й навички, необхідні для виконання практичних завдань, семестрової індивідуальної роботи, успішного написання МКР та складання екзамену.

Академічна доброчесність

Політика та принципи академічної доброчесності визначені у розділі 3 Кодексу честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського». Детальніше: <https://kpi.ua/code>.

Норми етичної поведінки

Норми етичної поведінки студентів і педагогічних працівників визначені у розділі 2 Кодексу честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського». Детальніше: <https://kpi.ua/code>.

8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (PCO)

Поточний контроль: експрес-опитування, опитування за темою заняття, тестування, МКР, розрахункова робота, домашня робота.

Календарний контроль: проводиться двічі на семестр як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу.

Семестровий контроль: екзамен.

Рейтингова система оцінювання результатів навчання

1. Рейтинг студента з навчальної дисципліни розраховується зі 100 балів, з них 50 балів – стартова складова (семестровий рейтинг) і 50 балів – екзаменаційна складова. Стартовий рейтинг складається з балів, які студент отримує протягом семестру за:

- роботу на практичних заняттях;
- виконання тестових завдань;
- виконання домашніх робіт;
- виконання модульної контрольної роботи;
- виконання розрахункової роботи.

2. Критерії нарахування балів:

2.1. Робота на практичних заняттях може включати усне чи письмове опитування для перевірки знань теоретичного матеріалу; розв'язування практичних задач біля дошки чи невеликі за часом письмові роботи для перевірки вміння студента застосувати теоретичні знання до розв'язування прикладних задач. Робота оцінюється в

- 0,5 бала при точній відповіді на поставлене запитання, правильному записі формул, вмінні застосувати необхідні методи, формули для розв'язання практичної задачі;
- 0,25 бала при нечіткому формулюванні основних теоретичних положень, формул або розв'язанні задачі з допомогою викладача;
- 0 балів при незнанні формул, теорем та нездатності застосувати їх до розв'язання поставлених задач;
- у кінці семестру студентам можуть додаватися заохочувальні бали за активність, але не більше 10 % від семестрового рейтингу, тобто не більше 5 балів.

Ваговий бал – 0,5. Максимальна кількість балів на всіх практичних заняттях (в середньому 12 відповідей на 20 заняттях): $0,5 \text{ бала} \times 12 = 6 \text{ балів}$.

2.2. Виконання тестових завдань – виконання студентами протягом семестру тестів у Moodle на базі платформи ДН «Сікорський».

Максимальна кількість балів за виконання всіх тестів: $1 \text{ бал} \times 9 = 9 \text{ балів}$.

2.3. Домашня робота включає в себе виконання вдома завдань за кожною розглянутою темою. Правильно виконана і вчасно здана на перевірку домашня робота оцінюється в 0,25 бала.

Максимальна кількість балів за всі домашні роботи: $0,25 \text{ бала} \times 20 = 5 \text{ балів}$.

У випадку дистанційного навчання домашня робота має бути сфотографована студентом і вчасно надіслана викладачу для перевірки.

2.4. Модульна контрольна робота (МКР)

Згідно з навчальним планом в третьому семестрі заплановано проведення модульної контрольної роботи, яка розбивається на дві тематичні контрольні: ваговий бал – 8.

Максимальна кількість балів за всі контрольні роботи: $8 \text{ балів} \times 2 = 16 \text{ балів}$.

Види робіт	Max балів
Тематична контрольна робота №1	
на тему: «Кратні, криволінійні та поверхневі інтеграли. Елементи теорії поля»	8
Тематична контрольна робота №2	
на тему: «Ряди»	8

Система оцінювання контрольної роботи:

- «відмінно», повна відповідь (не менше 90 % потрібної інформації) — 7–8 балів;
- «добре», майже повна відповідь (не менше 75 % потрібної інформації), або повна відповідь з незначними неточностями — 6 балів;
- «задовільно», неповна відповідь (не менше 60 % потрібної інформації) та незначні помилки — 4,5–5 балів;
- «незадовільно», незадовільна відповідь (не відповідають зазначеним вище критеріям оцінювання) — 0–4 бали.

Модульні контрольні роботи та всі інші письмові роботи пишуться студентами самостійно без застосування допоміжних засобів (довідкові матеріали, мобільні телефони, планшети та ін.). Для підтвердження факту самостійного виконання будь-якої письмової роботи студент повинен вміти усно продемонструвати повне розуміння виконаної контрольної роботи.

У випадку дистанційного навчання контрольна робота, що мала проводитися в аудиторії, пишеться студентами на практичних заняттях за розкладом з використанням платформ Zoom, Google Meet або інших за домовленістю з викладачем.

Студентам надсилаються завдання до контрольної роботи, і вони через відведений для написання контрольної роботи час, повинні надіслати оформлені розв'язки задач. Якщо робота від студента не надіслана вчасно, вважається що цей студент був відсутній на контрольній роботі, робота не перевіряється, і він отримує 0 балів (у разі відсутності поважної причини).

Як виняток, за поважної причини контрольна робота може бути перенесена на інший день (за попередньою домовленістю з викладачем).

Повторне написання модульної контрольної роботи не допускається.

2.5. Розрахункова робота (РР)

Максимальна кількість балів за виконану розрахункову роботу – 14 балів.

- виконані та захищені (студент може розв'язати будь-яке завдання зі своєї розрахункової роботи або аналогічне завдання та пояснити кожен крок свого розв'язання) всі завдання з урахуванням вимог до роботи, можливі незначні недоліки при оформленні результату — 12,5–14 балів, «відмінно»;
- виконані майже всі вимоги до роботи, або є несуттєві помилки — 10,5–12 балів, «добре»;
- є недоліки щодо виконання вимог до роботи і певні помилки — 8,5–10 балів, «задовільно»;
- завдання не виконано або допущено грубі помилки, роботу не зараховано — 0–8 балів.

Студент має вчасно здавати завдання розрахункової роботи на перевірку, термін здачі частин розрахункової роботи визначається викладачем. Повністю виконану розрахункову роботу студент повинен подати не пізніше останнього заняття семестру. У разі порушення цього дедлайну студент вважається не допущеним до екзамену основної сесії. У подальшому студент для отримання допуску до екзамену додаткової сесії може здати та захистити свою розрахункову роботу тільки на мінімальну позитивну оцінку, що складає 60 % від максимально можливої кількості балів за розрахункову роботу.

У випадку дистанційного навчання виконана РР надсилається на електронну пошту викладача або іншу платформу за домовленістю з викладачем.

3. Умовою позитивного календарного контролю є отримання студентом щонайменше 50 % від максимально можливої кількості балів на момент контролю.

4. Умовою допуску до екзамену є зарахована розрахункова робота та індивідуальний семестровий рейтинг не менше ніж 60 % від максимально можливої кількості балів за семестр (50 балів), тобто 30 балів.

5. Умовою здачі екзамену є екзаменаційний рейтинг студента не менш ніж 60 % від максимально можливої кількості балів за екзамен (50 балів), тобто 30 балів.

На екзамені студенти виконують екзаменаційну контрольну роботу. Кожен екзаменаційний білет містить два теоретичних питання і три практичних завдання, які оцінюються у 10 балів за наступними критеріями.

Система оцінювання теоретичних питань:

- «відмінно», повна відповідь (не менше 90 % потрібної інформації) — 9–10 балів;
- «добре», достатньо повна відповідь (не менше 75 % потрібної інформації), або незначні неточності — 7,5–8 балів;
- «задовільно», неповна відповідь (не менше 60 % потрібної інформації) та деякі помилки — 6–7 балів;
- «незадовільно», незадовільна відповідь — 0–5 балів.

Система оцінювання практичних завдань:

- «відмінно», повне безпомилкове розв’язування завдання — 9–10 балів;
- «добре», повне розв’язування завдання з несуттєвими неточностями — 7,5–8 балів;
- «задовільно», завдання виконане з певними недоліками — 6–7 балів;
- «незадовільно», завдання не виконано — 0–5 балів.

Під час екзамену, забороняється використання будь-яких довідкових матеріалів, телефонів та інших гаджетів.

6. Сума стартових балів та балів за екзаменаційну контрольну роботу переводиться до екзаменаційної оцінки згідно з таблицею відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою.

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою

Бали: практичні заняття + тести + МКР + розрахункова робота + + екзаменаційна контрольна робота	Оцінка
95–100	Відмінно
85–94	Дуже добре
75–84	Добре
65–74	Задовільно
60–64	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Не зараховано розрахункову роботу, або стартовий рейтинг менше 30 балів	Не допущено

У випадку дистанційного навчання за рішенням адміністрації університету передбачена можливість виставлення екзаменаційної оцінки «автоматом» (за згодою студента) через перерахунок стартових балів за 100-бальною шкалою:

$$R = 60 + \frac{40(R_I - R_D)}{R_C - R_D},$$

де R_C = 50 балів - максимальна сума вагових балів контрольних заходів протягом семестру,

R_I – сума балів, набрана студентом протягом семестру (індивідуальний рейтинг за семестр),

R_D = 30 балів - допускний бал до екзамену.

У разі незгоди студента з оцінкою «автоматом», студент складає екзамен у режимі відео зв’язку згідно з розкладом екзаменаційної сесії.

Якщо індивідуальний рейтинг студента $R_I < 30$ балів і він вважається не допущеним до екзамену основної сесії, то, у випадку зарахованої розрахункової роботи, студенту надається можливість отримання допуску до екзамену додаткової сесії, шляхом проведення додаткових контрольних заходів.

9. Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)

Передбачено можливість зарахування сертифікатів проходження дистанційних чи онлайн курсів за відповідною тематикою.

Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):

Складено:

доцент кафедри МФДР, канд. фіз.-мат. наук, доц. Журавська Ганна Вікторівна

доцент кафедри МФДР, канд. фіз.-мат. наук, доц. Копась Інна Миколаївна

доцент кафедри МФДР, канд. фіз.-мат. наук, доц. Рева Надія Віталіївна

доцент кафедри МФДР, канд. фіз.-мат. наук, Карпалюк Тамара Олексіївна

Ухвалено

кафедрою математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ (протокол № 10 від 24 червня 2026 р.)

Погоджено

Методичною комісією НН ММІ (протокол № 11 від 29 червня 2026 р.)