



## ВИЩА МАТЕМАТИКА. Частина 3. ТЕОРІЯ ЙМОВІРНОСТЕЙ ТА МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА

### Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	<b>Перший (бакалаврський)</b>
Галузь знань	<i>G Інженерія, Виробництва та будівництва</i>
Спеціальність	<i>G 8 Матеріалознавство</i>
Освітня програма	<i>Нанотехнології та комп’ютерний дизайн матеріалів</i>
Статус дисципліни	<i>Нормативна</i>
Форма навчання	<i>очна(денна) (дистанційна/змішана)</i>
Рік підготовки, семестр	<b>1 курс, осінній семестр</b> <i>Вища математика. Частина 1. Диференціальнечислення та лінійна алгебра,</i> <b>1 курс, весняний семестр</b> <i>Вища математика. Частина 2. Інтегральнечислення та диференціальні рівняння</i> <b>2 курс, осінній семестр</b> <i>Вища математика. Частина 3. Теорія ймовірностей та математична статистика</i>
Обсяг дисципліни	<b>16 кредитів/480 годин:</b> <b>Частина 1: 7 кредити/210 годин: лекції – 46 год; практичні заняття 60 год;</b> <b>CPC – 104 год;</b> <b>Частина 2: 5 кредитів/180 годин: лекції – 54 год; практичні заняття – 54 год; CPC – 72 год;</b> <b>Частина 3: 4 кредитів/120 години: лекції – 36 год; практичні заняття – 36 год; CPC – 48 год</b>
Семестровий контроль/ контрольні заходи	<b>Частина 1: Екзамен/РР, МКР</b> <b>Частина 2: Екзамен/РР, МКР</b> <b>Частина 3: Екзамен/РР, МКР</b>
Розклад занять	<a href="http://roz.kpi.ua">http://roz.kpi.ua</a>
Мова викладання	Українська
Інформація про керівника курсу / викладачів	Лектор: Горбачук Володимир Мирославович, доцент кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ, доктор фіз.-мат. наук v.m.horbach@gmail.com Практичні / Семінарські: Співак Юлія Володимирівна, spivak_julia@ukr.net
Розміщення курсу	Campus

### Програма навчальної дисципліни

#### 1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Не зважаючи на те, що математика зародилась на світанку розвитку цивілізації і є фундаментальною наукою, що вивчає поняття, одержані шляхом абстракції явищ реального світу, вона постійно розвивається і оновлюється. Таким оновленням свого часу стало відкриття диференціального і інтегрального числення, що дало поштовх до формування нового розділу математики, до якої увійшли теорія диференціальних рівнянь, теорія функцій, аналітична та

диференційна геометрія тощо. Сьогодні вища математика є ефективним інструментарієм досліджень у природничих і технічних науках, який забезпечує їх невпинний розвиток. У технічних університетах викладання дисципліни Вища математика є обов'язковим, так як спонукає студентів до розвиток їх інтелекту і здатності до логічного мислення, розв'язання складних спеціалізованих задач та практичних проблем професійної діяльності у новітніх технологіях та комп'ютерному дизайні матеріалів, уміння використовувати методи математичного аналізу та диференціальних рівнянь в інженерних розрахунках.

Метою навчальної дисципліни є формування у студентів інтегральної компетентності — здатності до логічного мислення, формування особистості студентів; розвиток їх інтелекту і здібностей; здатності розв'язувати складні спеціалізовані задачі та практичні проблеми

**Предметом** вивчення дисципліни є теорія функцій комплексного змінного, операційне числення, теорія ймовірностей та статистика та застосування теорії функцій комплексного змінного та операційного числення до фізичних задач та задач які приводять до рівнянь математичної фізики, диференціальних рівнянь основних типів та прикладних задач з спеціалізації.

**Метою** дисципліни Вища математика є формування у студентів таких **програмних загальних компетентностей** як:

К3.01 Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу

К3.02 Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях

К3.03 Здатність вчитися та оволодівати сучасними знаннями

К3.05 Здатність приймати обґрунтовані рішення

К3.10 Здатність працювати автономно

КС.01 Здатність застосовувати відповідні кількісні математичні, фізичні і технічні методи і комп'ютерне програмне забезпечення для вирішення інженерних матеріалознавчих завдань

**В результаті навчання** студент повинен вміти знаходити функцію за її дійсною чи уявною якою є гармонічною функцією, застосовувати інтегральну теорему Коши, та інтегральну формулу Коши, розкладати функцію у ряд Лорана, знаходити лишки, застосовувати лишки до обчислення різних типів інтегралів, невласні інтеграли першого. Уміти знаходити розв'язки диференціальних рівнянь з розривною правою частиною за допомогою операційного числення, вміти розв'язувати інтегральні рівняння, знати основні формули теорії ймовірностей, центральні граничні теореми, вміти застосовувати статистичні методи до аналізу експериментальних даних .

### **Програмні результати навчання**

ПРН 2 Знати та вміти використовувати знання фундаментальних наук, що лежать в основі відповідної спеціалізації матеріалознавства, на рівні, необхідному для досягнення інших результатів освітньої програми.

ПРН 7 Володіти навичками, які дозволяють продовжувати вчитися і оволодівати сучасними знаннями.

ПРН 18 Виявляти, формулювати і вирішувати матеріалознавчі завдання відповідно до спеціальності; розуміти важливість не технічних (суспільство, здоров'я і безпека, охорона навколишнього середовища, економіка, промисловість) обмежень.

## **2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)**

Дисципліна «Viща математика» частина 3. викладається на базі частини 1 та частини 2. та повної середньої або середньої професійної освіти.

Є основою для вивчення нормативних дисциплін циклу загальної і професійної підготовки. Знання отримані під час вивчення дисципліни можуть бути використані для розрахунків у курсових та

дипломних роботах та проектах. Дисципліна є складовою формування інтегральної компетентності першого (бакалаврського) рівня вищої освіти.

### **3. Зміст навчальної дисципліни**

#### **Розділ 1. Теорія функцій комплексного змінного.**

Тема 1.1. Функції комплексного змінного.

Тема 1.2. Комплексні інтеграли, та ряди, лишки та їх застосування.

#### **Розділ 2. Операційне числення**

Тема 2.1. Перетворення Лапласа. Застосування до рівнянь з частинними похідними.

Тема 2.2. Перетворення Фур'є.

#### **Розділ 3. Теорія ймовірностей та математична статистика.**

Тема 3.1. Обчислення імовірності подій, основні формули

Тема 3.2. Центральні граничні теореми.

Тема 3.3. Елементи статистики.

### **Основна література**

1. Гнеденко Б.В. Курс теорії ймовірностей . – К: Київський університет, 2010. – 463 с.
2. Турчин В.М. Теорія ймовірностей і математична статистика. Основні поняття, приклади, задачі: Підручник для студентів вищих навчальних закладів. – Дніпропетровськ: IMA – прес, 2014. 556с.
3. Журавська Г. В. Карпалюк Т. О. Копась І.М. Рева Н.В. Операційне числення – Київ: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2018. – 79 с.
4. Блудова Т.В., Мартиненко В.С. Теорія функцій комплексної змінної. Київ“просвіта” 2000. – 472с.
5. Горбачук В.М., Кушлик-Дивульська О.І. Теорія ймовірностей та математична статистика підручник Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2023. – 351 с.
6. Горбачук В.М. Співак Ю.В. ВІДЦА МАТЕМАТИКА ЧАСТИНА 3 Теорія ймовірностей та математична статистика Практикум, Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського , 2025. – 79 с.  
[\(<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/75922>\)](https://ela.kpi.ua/handle/123456789/75922)

### **Додаткова література**

1. Stanley J Farlow . Partial Differential Equations For Scientists And Engineers Dover Publications Inc. New York 1982.

### **Навчальний контент**

#### **1. Методика опанування навчальної дисципліни(освітнього компонента)**

##### **5.1.Лекції (36 годин)**

Лекція 1.

Елементарні аналітичні функції, диференційовність, умови Коші-Рімана.

Лекція 2.

Геометричний зміст модуля та аргумента, поняття про конформне відображення.

Лекція 3.

Інтегрування по комплексному змінному, теорема Коші.

Лекція 4.

Інтегральна формула Коші, наслідки з неї.

Лекція 5.

Ряд Тейлора, Ряд Лорана, розвинення в ряд Лорана.

Лекція 6.

Лишкі функції відносно полюсів, застосування лишків.

Лекція 7.

Перетворення Лапласа, означення, основні властивості.

Лекція 8.

Образи елементарних функцій, властивості образу.

Лекція 9.

Основні теореми про перетворення Лапласа.

Лекція 10.

Теореми про існування оригіналу та знаходження оригіналу.

Лекція 11.

Застосування перетворення Лапласа до диференціальних рівнянь.

Лекція 12.

Застосування перетворення Лапласа до інтегральних рівнянь.

Лекція 13.

Застосування операційного числення до рівняння математичної фізики..

Лекція 14.

Простір елементарних подій, алгебра подій, класичне визначення ймовірності операції над подіями .

Лекція 15.

Формула повної ймовірності, ймовірність гіпотез .

Лекція 16.

Послідовність незалежних експериментів, схема Бернуллі та Пуассона, випадкові величини, функція розподілу, густина розподілу .

Лекція 17.

Моменти випадкової величини, математичне сподівання, дисперсія. Нормальний закон розподілу, характеристики нормального закону.

Лекція 18.

Елементи математичної статистики.

## 5.2 Практичні заняття (36 годин)

Заняття 1.

Комплексні числа операції над ними. Геометричний зміст похідної.

Заняття 2.

Перевірка умов Коші-Рімана, Гармонічна функція та знаходження спряженої.

Заняття 3.

Обчислення комплексних інтегралів, застосування інтегральної теореми Коші.

Заняття 4.

Інтегральна формула Коші застосування .

Заняття 5.

Ряди Лорана, розклад у ряд Лорана, полюси порядки полюсів.

Заняття 6.

Обчислення інтегралів за допомогою лишків, експрес контрольна.

Заняття 7.

Знаходження образів функцій при перетворенні Лапласа .

Заняття 8.

Функція Хевісайда та застосування її до запису розривних функцій.

Заняття 9.

Диференціювання оригіналу та знаходження образу диференціального виразу.

Заняття 10.

Знаходження оригіналу за допомогою перетворень.

Заняття 11.

Знаходження розв'язків диференціальних рівнянь.

Заняття 12.

Знаходження розв'язків диференціальних та інтегральних рівнянь за допомогою лишків.

Заняття 13.

Знаходження розв'язків систем диференціальних рівнянь, експрес контрольна.

Заняття 14.

Випадкові події операції над подіями, класичне означення ймовірності та геометричне.

Заняття 15.

Знаходження ймовірності методами комбінаторики.

Заняття 16.

Формула повної імовірності та формула Баєса.

Заняття 17.

Нормальний закон розподілу та інші, знаходження математичного сподівання та дисперсії.

Заняття 18.

Модульна контрольна робота.

## 6. Самостійна робота студента

Самостійна робота студентів (загальна тривалість 48 годин) полягає у:

Самостійному опрацюванні лекційного матеріалу (в розрахунку 0,12 година на 1 годину лекційних занять) – всього 4 годин

Підготовці до практичних робіт – всього 5 годин

Підготовці до МКР - всього 3 годин

Виконанні розрахункової роботи – всього 6 годин

Підготовці до семестрового контролю – екзамену – 30 годин. Види самостійної роботи – опрацювання лекційного матеріалу, підготовка до аудиторних занять, розв'язок задач, виконання розрахункової роботи (розвивається на дві частини відповідно до семестрових планових атестацій).

## Політика та контроль

### 7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Дотримання положень «Кодексу честі КПІ ім. Ігоря Сікорського» (розділи 2 та 3)

Співпраця студентів у розв'язанні проблемних завдань дозволена, але відповіді кожний студент захищає самостійно. Взаємодія студентів під час іспиту категорично забороняється і будь-яка така діяльність буде вважатися порушенням академічної добросесності згідно принципів

університету щодо академічної доброчесності. У звичайному режимі роботи лекції та практичні заняття проводяться в аудиторіях. У змішаному режимі лекції та практичні заняття проводяться через платформи дистанційного навчання Сікорський, Meet, Zoom тощо.

## **8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (РСО)**

**Поточний контроль:** експрес-опитування, опитування за темою заняття, написання МКР, виконання РР.

**Календарний контроль:** проводиться двічі на семестр як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу.

**Семестровий контроль:** екзамен

### **Рейтингова система оцінювання**

Поточний та підсумковий (**стартовий**) індивідуальний рейтинги студента ( $R_c$ ) визначаються на основі 50-балової шкали оцінювання за формулою:

$$R_c = R_{\text{пр}} + R_{\text{ккп}} + R_{\text{мкп}} + R_{\text{пгр}}$$

1. Критерій нарахування балів
  - 1.1. *Робота на практичних заняттях*
    - активна творча робота – 1,3 бали;
    - плідна робота – 1 бал;
    - пасивна робота – 0 балів.
  - 1.2. *Виконання розрахункової роботи*
    - творче виконання робот – 25 балів;
    - роботу виконана з незначними недоліками – 20 балів;
    - роботу виконано з певними помилками – 15 балів;
    - роботу не зараховано (завдання не виконане або є грубі помилки) – 0 балів.
  - 1.3. *Експрес контроль по 1 балу;*
  - 1.4. *Модульна контрольна робота 5 балів.*
2. Умови позитивної першого календарного контролю є розв'язання не менше 50 % експрес контролю. Умовою позитивного другого календарного контролю є розв'язане не менше 50 % експрес контролю.
3. Умовою допуску до екзамену є семестровий рейтинг не менше 60 %.
4. Екзаменаційний білет складається з 2 теоретичних та 3 практичних завдань, на підготовку відводиться 2 години, екзамен проводиться у змішаній формі.
  - «відмінно», повна відповідь, не менше 90% потрібної інформації, що виконана згідно з вимогами до рівня «уміння», (повне, безпомилкове розв'язування завдання);
  - «добре», достатньо повна відповідь, не менше 75% потрібної інформації, що виконана згідно з вимогами до рівня «уміння або є незначні неточності (повне розв'язування завдання з незначними неточностями);
  - «задовільно», не повна відповідь, не менше 50% потрібної інформації, що виконана згідно з вимогами до «стереотипного» рівня та деякі помилки (завдання виконане з певними недоліками);
  - «нездовільно», відповідь не відповідає умовам до «задовільно» – 0 балів.

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:

<i>Кількість балів</i>	<i>Оцінка</i>
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Не виконані умови допуску	Не допущено

## **9. додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)**

- Питання, що виносяться на модульну контрольну роботу (або на тематичні контрольні роботи) наведено у Додатку А;
- Приклад завдання для розрахункової роботи наведено у Додатку Б;
- Питання, що виносяться на екзамен і приклад екзаменаційного білету наведено у Додатку В.

**Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):**

**Складено** доктор фіз.-мат. наук, професор, Горбачук Володимир Мирославович

**Ухвалено** кафедрою математичної фізики та диференціальних рівнянь (протокол № 9 від 25 червня 2025 р.)

**Погоджено** Методичною комісією НН ІМЗ ім. Е. О. Патона (протокол № 11/25 від 26 червня 2025 р.)

## **Додаток А**

**На модульну контрольну виносяться завдання з таких тем :**

Тема 1.1. Функції комплексного змінного.

Тема 1.2. Комплексні інтеграли, та ряди, лишки та їх застосування.

Тема 2.1. Перетворення Лапласа. Застосування до рівнянь з частинними похідними.

Тема 3.1. Обчислення імовірності подій, основні формули

Тема 3.2. Центральні граничні теореми.

## Додаток Б

### Приклад завдання для розрахункової роботи

1. Знайти  $f(z)$ , якщо

$$u = x^2 - y^2 + xy, \quad f(0) = 0$$

2. Обчислити інтеграл :

$$\int_{AB} z^3 dz, \quad AB : x = y^2, z_A = 0, z_B = 1 + i$$

3. За допомогою інтегральної формули Коші обчислити інтеграл :

$$\int_{|z-1|=3} \frac{dz}{z(z+4)}$$

4. Розкласти в ряд Лорана в околі точки  $z_0$

$$\frac{z-1}{z(z+1)}, \quad z_0 = 2$$

5. Обчислити за допомогою лишків :

$$\int_{|z|=1/2} \frac{dz}{z(z^2+1)}$$

6. Обчислити за допомогою лишків :

$$\int_0^{2\pi} \frac{dx}{2 + \sqrt{3} \sin x}$$

7. Обчислити за допомогою лишків :

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2 - x + 2}{x^4 + 10x^2 + 9} dx$$

8. Знайти оригінал функції :

$$\frac{5p^2 - 5p + 8}{(p+3)(p^2 - 4p + 13)}$$

9. Розв'язати задачу Коші за допомогою операційного числення :

$$x'' - 3x' + 2x = 12e^{3t}, x(0) = 2, x'(0) = 6$$

10. Знайти розв'язки системи :

$$\begin{cases} x' = 2x - y \\ y' = 3x - 2y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 2$$

11. Нехай A, B, C – три довільні події. Знайти вираз для події,

Що відбудеться хоча одна подія.

12. Кожна буква слова “математика” написана на окремій карточці, карточки перемішують а потім виймають по одній. Яка імовірність, отримати слово “тема”?
13. На конвеєр попадають деталі з трьох автоматів. Відомо, що перший автомат дає 0,3 % браку другий 0,2 %, третій 0,1 %. З конвеєра наугад взята деталь, знайти імовірність, що вона бракована, якщо з першого автомата на конвеєр попало 1000, з другого 2000, з третього 3000.
14. Величина розподілена за нормальним законом з математичним сподіванням 10, середньоквадратичним відхиленням 4. Знайти імовірність попадання випадкової величини у інтервал[2; 13].
15. Випадкова величина задана рядом розподілу

$x_i$	-3	-2	-1	0	1	2	3
$p_i$	0.1	0.2	0.1	0.1	0.2	0.2	0.1

знайти математичне сподівання та дисперсію.

## Додаток В

### Питання, що виносяться на семестровий контроль:

1. Комплексні числа операції над ними, геометрична інтерпритація комплексних чисел, алгебраїчна і тригонометрична форма комплексного числа, переведення з одної форми в іншу.
2. Добування кореня n-го степеня з комплексного числа.
3. Границя послідовності, границя функції, поняття функції комплексного змінного, приклади.
4. Диференційовність функції комплексного змінного, умови Коши-Рімана.
5. Інтеграл від функції комплексного змінного визначення властивості, обчислення.
6. Інтегральна теорема Коши для однозв'язної та багатозв'язної області.
7. Інтегральна формула Коши, узагальнена формула.
8. Принцип максимума модуля для аналітичних функцій.
9. Числові ряди над комплексними числами, ознаки збіжності цих рядів.
10. Функціональні ряди, рівномірна збіжність ряду.
11. Степеневі ряди, радіус збіжності степенового ряду, знаходження радіуса збіжності степеневого ряду.
12. Теорема Абеля.
13. Ряд Тейлора, розклад елементарних функцій в ряд Тейлора.
14. Теорема єдиності аналітичної функції.
15. Розклад функції в ряд Лорана, теорема про розклад функції в ряд Лорана.
16. Особливі точки функцій їх класифікація.
17. Лишок функції, формули обчислення лишків відносно полюсів.
18. Основна теорема про лишки.
19. Лишок відносно нескінчено далекої точки, його обчислення.
20. Обчислення за допомогою лишків  $\int_0^{2\pi} R(\cos \varphi, \sin \varphi) d\varphi$ .
21. Обчислення за допомогою лишків  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx$ .
22. Обчислення інтегралу  $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{i\alpha x} f(x) dx$ , лема Жордана.
23. Означення оригіналу при перетворенні Лапласа, теорема про аналітичність образу (з доведенням).
24. Необхідна умова, щоб функція була образом. (з доведенням)
25. Образ функції  $\eta(t)$ , гамма функція її властивості. (з доведенням)
26. Образ функції  $t^s$  при перетворенні Лапласа. (з доведенням)
27. Лінійність та подібність при перетворенні Лапласа (з доведенням).
28. Теорема запізнення (з доведенням).
29. Теорема упередження (з доведенням).
30. Теорема зміщення (з доведенням).
31. Теорема про диференціювання оригіналу (з доведенням).
32. Теорема про диференціювання образу (з доведенням).
33. Теорема про інтегрування оригіналу (з доведенням).
34. Теорема про інтегрування образу (з доведенням).
35. Згортка функцій, властивості згортки довести, що згортка оригіналів є оригіналом.
36. Теорема Бореля про образ згортки при перетворенні Лапласа (з доведенням).
37. Перетворення Фур'є пряме та обернене.

38. Теорема ( формула звернення Рімана-Мелліна) (з доведенням).
39. Знаходження оригіналу по формулі звернення за допомогою лишків.
40. Інтегральні рівняння першого роду типу згортки їх розв'язування.
41. Інтегральні рівняння другого роду їх розв'язування.
42. Інтегро-диференціальне рівняння його розв'язування.
43. Системи диференціальних рівнянь їх розв'язування.
44. Класичне означення імовірності, поле подій, операції над подіями, приклади.
45. Геометричне означення імовірності, приклади.
46. Статистичне означення імовірності, приклади.
47. Умовна імовірність, імовірність від добутку скінченої кількості подій, приклад.
48. Формула повної імовірності, приклад.
49. Формула Бейеса, приклад.
50. Біноміальний закон розподілу основні формули (з доведенням).
51. Ряд розподілу, багатокутник розподілу, функція розподілу.
52. Неперервні випадкові величини, функція розподілу, густина розподілу їх властивості.
53. Характеристики випадкової величини ( математичне сподівання, мода, медіана ).
54. Моменти випадкової величини початкові та центральні, приклади обчислень.
55. Математичне сподівання, дисперсія, середньоквадратичне відхилення.
56. Закон Пуасона знайти математичне сподівання та дисперсію.
57. Математичне сподівання та дисперсія для Біноміального закону .
58. Нормальний закон розподілу його основні параметри.
59. Моменти нормального закону розподілу.
60. Імовірність попадання випадкової величини розподіленої по нормальному закону в заданий інтервал.
61. Нерівність Чебишова, теорема Чебишова.
62. Теорема Бернулі.
63. Теорема Лапласа.
64. Проста статистична сукупність, статистичні функція розподілу, статистичний ряд, гістограма.
65. Числові характеристики статистичного розподілу, зглажування статистичного розподілу.
66. Оцінки невідомих параметрів випадкової величини.
67. Оцінки для математичного сподівання та дисперсії.
68. Довірчі інтервали, довірча імовірність, точні методи знаходження довірчих інтервалів.
69. Оцінки для числових характеристик випадкових величин.
70. Критерій  $\chi^2$  та Колмогорова.

НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КІЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»

Освітньо-кваліфікаційний рівень бакалавр  
Напрям підготовки Матеріалознавство  
Спеціальність 132 Матеріалознавство  
Кредитний модуль Вища математика. Частина 3. Теорія ймовірностей та математична статистика

**ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БЛЛЕТ № 1**

1. Образ функції  $\eta(t)$  при перетворенні Лапласа; гамма-функція, її властивості.

2. Числові характеристики статистичного розподілу, оцінки моментів розподілу.

3. Задачі

1. Обчислити інтеграл :

$$\int_{|z|=3} \frac{\cos z dz}{(z+1)(z-2)^2}.$$

2. Знайти розв'язок задачі Коші операційним численням:

$$x' + x = \sin 2t, \quad x(0) = 1$$

3. Для контролю продукції із трьох партій деталей взята для випробування одна деталь. Яка імовірність, що деталь бракована, якщо в одній партії  $2/3$  деталей браковані, а в двох інших -

$$1/3$$

бракованих.